

муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение средняя общеобразовательная школа № 31 со спортивным уклоном города Пятигорска Ставропольского края

357538 Россия, Ставропольский край, г. Пятигорск, улица Мира,187 телефон (879 3) 98-11-25 факс (879 3) 98-11-25

Конспект урока

Предмет	Алгебра
Класс	8 Б
Учитель	А.В.Гусева
Дата урока	18.05.2020
	Повторение темы: Тождественное преобразования
Тема урока	выражений содержащих арифметические
	квадратные корни
Основной вид учебной деятельности	Урок закрепления и систематизации знаний

Ход урока

І. Организационный этап.

- Доброе утро, ребята!
- Перед изучением нового материала

Вспомните формулы сокращенного умножения:

- $a^2 b^2 = (a + b)(a b)$ разность квадратов
- $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ квадрат суммы
- $(a b)^2 = a^2 2ab + b^2$ квадрат разности
- – Дайте определение арифметического квадратного корня.

Ответ: Арифметическим квадратным корнем из числа а, называется неотрицательное число, квадрат которого равен а.

- Перечислите свойства арифметического квадратного корня.
 - А) Арифметический квадратный корень из произведения неотрицательных множителей равен произведению корней из этих множителей
- Б) Арифметический квадратный корень из дроби, числитель которой неотрицателен, а знаменатель положителен, равен корню из числителя, делённому на корень из знаменателя
- Чему равно значение арифметического квадратного корня из x^2 ? $\sqrt{\chi}=|\mathbf{x}|$
- Чему равно значение $(\sqrt{x})^2$? $(\sqrt{x})^2 = x$
- Как можно вынести подкоренное выражение за знак корня?

(Подкоренное выражение нужно представить в виде произведения множителей и применить теорему о корне из произведения).

– Как нужно внести множитель под знак корня?

(Если множитель положительное число, множитель возводим в квадрат и вносим под корень). (Если множитель отрицательное число, преобразуем его и внесём под корень положительный множитель).

II. Обобщение и систематизация материала.

- Откройте учебник алгебры на стр. 153 Прочтите теоретический материал § 17 Ответьте на теоретические вопросы в конце параграфа.
- Сейчас ознакомимся преобразованием выражений, содержащих квадратные корни. Мы рассмотрели ряд преобразований выражений, содержащих квадратные корни. К ним относятся преобразования корней из произведения, дроби и степени, умножение и деление корней, вынесение множителя за знак корня, внесение множителя под знак корня.

Рассмотрим другие примеры преобразований выражений, содержащих квадратные корни.

<u>Пример 1</u>. (Письменно) Упростим выражение $3\sqrt{5}a - \sqrt{20}a + 4\sqrt{45}a = 3\sqrt{5}a - \sqrt{4*5}a + 4\sqrt{9*5}a = 3\sqrt{5}a - 2\sqrt{5}a + 12\sqrt{5}a = \sqrt{5}a$ (3-2+12) = $13\sqrt{5}a$

<u>Первый способ:</u> Выражение, содержащее квадратные корни преобразуется в сумму подобных слагаемых и выполняется суммирование.

Тренировочные упражнения (формирование навыка тождественных преобразований иррациональных выражений).

a)
$$\sqrt{75} + \sqrt{48} - \sqrt{300} = \sqrt{25*3} + \sqrt{16*3} - \sqrt{100*3} = 5\sqrt{3} + 4\sqrt{3} - 10\sqrt{3} = \sqrt{3} (5+4-10) = -\sqrt{3}$$

6)
$$\sqrt{75} - 0.1\sqrt{300} - \sqrt{27} = \sqrt{25*3} - 0.1\sqrt{100*3} - \sqrt{9*3} = 5\sqrt{3} - 0.1*10\sqrt{3} - 3\sqrt{3} = \sqrt{3} (5-1-3) = \sqrt{3}$$

B)
$$\sqrt{98} - \sqrt{72} + 0.5\sqrt{8} = \sqrt{49*2} - \sqrt{36*2} + 0.5\sqrt{4*2} = 7\sqrt{2} - 6\sqrt{2} + 0.5*2\sqrt{2} = \sqrt{2}(7 - 6 + 1) = 2\sqrt{2}$$

r)
$$\sqrt{8p} - \sqrt{2p} + \sqrt{18p} = \sqrt{4*2p} - \sqrt{2p} + \sqrt{9*2p} = 2\sqrt{2p} - \sqrt{2p} + 3\sqrt{2p} = \sqrt{2p} (2-1+3) = 4\sqrt{2p}$$

Используя формулы сокращенного умножения можно разложить многочлены на множители

a)
$$(x + \sqrt{y})(x - \sqrt{y}) = x^2 - y$$
;

6)
$$(\sqrt{a} - \sqrt{B})(\sqrt{a} + \sqrt{B}) = a - B$$
;

B)
$$(\sqrt{11} - 3)(\sqrt{11} + 3) = 11 - 9 = 2$$

 Γ) $(\sqrt{10} + \sqrt{7})(\sqrt{7} - \sqrt{10}) = (\sqrt{7} + \sqrt{10})(\sqrt{7} - \sqrt{10}) = 7 - 10 = -3$

д)
$$(\sqrt{a} + \sqrt{B})^2 = (\sqrt{a})^2 + 2\sqrt{a}\sqrt{B} + (\sqrt{B})^2 = a + 2\sqrt{a}\sqrt{B} + B$$
;

e)
$$(\sqrt{m} - \sqrt{n})^2 = (\sqrt{m})^2 - 2\sqrt{m}\sqrt{n} + (\sqrt{n})^2 = m - 2\sqrt{m}\sqrt{n} + n$$
;

ж)
$$(\sqrt{2}+3)^2=2+6\sqrt{2}+9$$
; 3) $(\sqrt{5}-\sqrt{2})^2=5-2\sqrt{10}+2=7+2\sqrt{10}$;

Второй способ.

— Ознакомимся вторым способом преобразования выражения, содержащих квадратные корни.

Пример 2.

Сократим дробь $\frac{x^2-3}{x+\sqrt{3}}$

Так как $3 = (\sqrt{3})^2$, то числитель данной дроби можно представить в виде разности квадратов двух выражений. Поэтому

$$\frac{x^2 - 3}{x + \sqrt{3}} = \frac{(x + \sqrt{3})(x - \sqrt{3})}{x + \sqrt{3}} = (x - \sqrt{3})$$

<u>Второй способ:</u> Числитель или знаменатель дроби раскладываются на множители и дробь сокращается на общий множитель.

Пример 3. Преобразуем дробь $\frac{c}{\sqrt{2}}$ так, чтобы знаменатель не со-

держал квадратного корня.

Умножив числитель и знаменатель дроби на √2, получим

$$\frac{c}{\sqrt{2}} = \frac{c\sqrt{2}}{(\sqrt{2})^2} = \frac{c\sqrt{2}}{2}. \quad \triangleleft$$

Домашнее задание на 20.05 стр. 153 § 17 повторить материал урока Выполните упражнения:

Упростите выражение:

a)
$$\sqrt{75} + \sqrt{48} - \sqrt{300}$$
;

6)
$$3\sqrt{8} - \sqrt{50} + 2\sqrt{18}$$
;

B)
$$\sqrt{242} - \sqrt{200} + \sqrt{8}$$
;

Выполните действия:

a)
$$(2\sqrt{5}+1)(2\sqrt{5}-1)$$
;

r)
$$(1+3\sqrt{5})^2$$
;

б)
$$(5\sqrt{7}-\sqrt{13})(\sqrt{13}+5\sqrt{7});$$
 д) $(2\sqrt{3}-7)^2;$

д)
$$(2\sqrt{3}-7)^2$$
;

B)
$$(3\sqrt{2} - 2\sqrt{3})(2\sqrt{3} + 3\sqrt{2})$$
; e) $(2\sqrt{10} - \sqrt{2})^2$.

e)
$$(2\sqrt{10}-\sqrt{2})^2$$
.

Сократите дробь:

a)
$$\frac{b^2-5}{b-\sqrt{5}}$$
;

$$B) \frac{2-\sqrt{x}}{x-4};$$

a)
$$\frac{b^2-5}{b-\sqrt{5}};$$
 B) $\frac{2-\sqrt{x}}{x-4};$ π) $\frac{a-b}{\sqrt{b}+\sqrt{a}};$

Освободитесь от иррациональности в знаменателе дроби:

a)
$$\frac{x}{\sqrt{5}}$$
;

$$\Gamma$$
) $\frac{a}{b\sqrt{b}}$;

a)
$$\frac{x}{\sqrt{5}}$$
; r) $\frac{a}{b\sqrt{b}}$; x ; $\frac{5}{2\sqrt{3}}$;

Фото/или скриншот домашнего задания высылайте на почту: guseva klass2020@mail.ru



муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение средняя общеобразовательная школа № 31 со спортивным уклоном города Пятигорска Ставропольского края

357538 Россия, Ставропольский край, г. Пятигорск, улица Мира,187 телефон (879 3) 98-11-25 факс (879 3) 98-11-25

Конспект урока

Предмет	Алгебра
Класс	8 Б
Учитель	А.В.Гусева
Дата урока	20.05.2020
Тема урока	Повторение темы: Функция $Y = \frac{k}{x}$ и ее график
Основной вид учебной деятельности	Урок закрепления и систематизации знаний

Ход урока

I. Организационный этап.

- Доброе утро, ребята!

II. Обобщение и систематизация знаний -

Откройте учебник алгебры на стр. 75 Внимательно прочтите § 10

••• Определение

Функцию, которую можно задать формулой вида $y=rac{k}{x}$, где k
eq 0, называют обратной пропорциональностью.

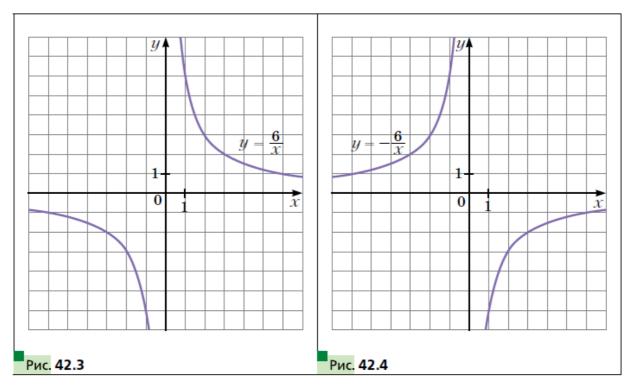
Так как областью определения выражения $\frac{k}{x}$ является множество всех чисел, кроме 0, то областью определения функции $y = \frac{k}{x}$ является такое же множество, т. е. $D(y) = \{x \mid x \neq 0\}$.

Рассмотрим функцию $y = \frac{6}{x}$. В таблице приведены некоторые значения аргумента и соответствующие им значения функции.

		-4										
y	-1	-1,5	-2	-3	-4	-6	6	4	3	2	1,5	1

Отметим на координатной плоскости точки (рис. 42.1), координаты которых приведены в таблице.

Среди отмеченных точек не может быть точки, абсцисса которой равна нулю, поскольку число 0 не принадлежит области определения данной функции. Поэтому график функции $y=\frac{6}{x}$ не имеет общих точек с осью ординат.



Фигуру, являющуюся графиком функции $y = \frac{k}{x}$, где $k \neq 0$, называют гиперболой. На рисунке 42.3 изображена гипербола $y = \frac{6}{x}$.

Гипербола состоит из двух частей — ветвей гиперболы.

Заметим, что если верно равенство $y_0 = \frac{k}{x_0}$, то верно равенство $-y_0 = -\frac{k}{x_0}$. Тогда можно сделать такой вывод: если точка $A\left(x_0; \ y_0\right)$ принадлежит гиперболе $y = \frac{k}{x}$, то точка $B\left(-x_0; -y_0\right)$ также принадлежит этой гиперболе. Следовательно, гипербола является симметричной фигурой. Начало координат — центр симметрии гиперболы $y = \frac{k}{x}$.

Если k>0, то ветви гиперболы расположены в I и III четвертях, а если k<0 — то во II и IV четвертях.

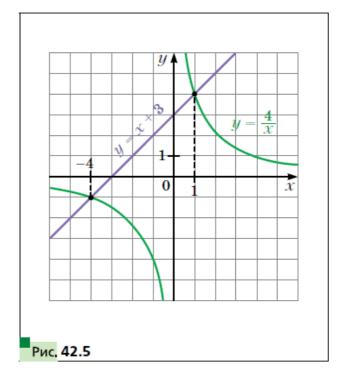
На рисунке 42.4 изображён график функции $y=-\frac{6}{x}$. Ветви гиперболы $y=-\frac{6}{x}$ расположены во II и IV четвертях.

Пример. Решите уравнение $\frac{4}{x} = x + 3$.

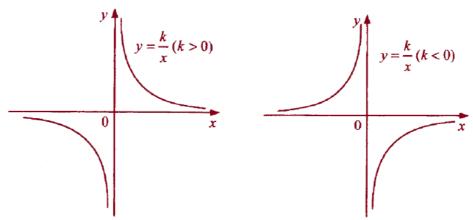
Решение. Рассмотрим функции $y = \frac{4}{x}$ и y = x + 3.

Построим в одной системе координат графики этих функций (рис. 42.5). Они пересекаются в двух точках, абсциссы которых равны 1 и – 4. В точках пересечения графиков функций сами функции принимают равные значения. Следовательно, при найденных абсциссах значения выражений $\frac{4}{x}$ и x+3 равны, т. е. числа – 4 и 1 являются корнями уравнения $\frac{4}{x}=x+3$. Проверка это подтверждает. Действительно, $\frac{4}{1}=1+3$ и $\frac{4}{-4}=-4+3$.

Ответ: -4; 1. ■



ТЕОРИЯ ДЛЯ ПОДГОТОВКИ К ОГЭ ЗАДАНИЕ 11



У функции $y = \frac{k}{x}$ нет нулей.

При k>0 y>0 при x>0 и y<0 при x<0;

при k<0 y>0 при x<0 и y<0 при x>0.

При k>0 функция $y=\frac{k}{x}$ убывает на всей области определения, при k<0 функция $y=\frac{k}{x}$ возрастает на всей области определения.

III. Контроль и коррекция знаний Домашнее задание на 22.04

Внимательно прочтите конспект и выполните упражнения: Функция задана формулой $y = \frac{8}{x}$. Заполните таблицу.

	16	5	2	-0,25		-4	x
0,4					-4		y

На рисунке 6 построен график функции, заданной формулой $y = \frac{8}{x}$. Найдите по графику:

- а) значение y, соответствующее значению x, равному 2; 4; -1; -4; -5;
- б) значение x, которому соответствует значение y, равное -4; -2; 8.

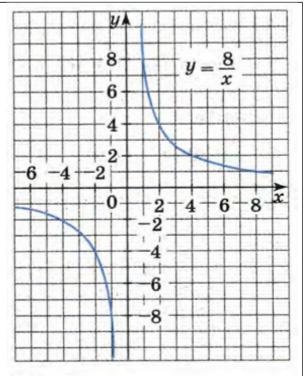
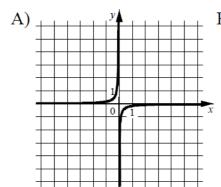


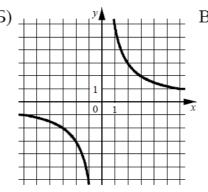
Рис. 6

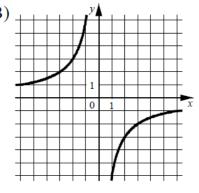
Прототип задания № 11 ОГЭ

Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.

ГРАФИКИ







ФОРМУЛЫ

1)
$$y = -\frac{1}{6x}$$

$$y = -\frac{6}{x}$$

3)
$$y = \frac{6}{x}$$

В таблице под каждой буквой укажите соответствующий номер.

Ответ:

A	Б	В

Фото/или скриншот домашнего задания высылайте на почту: guseva_klass2020@mail.ru



муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение средняя общеобразовательная школа № 31 со спортивным уклоном города Пятигорска Ставропольского края

357538 Россия, Ставропольский край, г. Пятигорск, улица Мира,187 телефон (879 3) 98-11-25 факс (879 3) 98-11-25

Конспект урока

Предмет	Алгебра
Класс	8 Б
Учитель	А.В.Гусева
Дата урока	22.05.2020
Тема урока	Повторение темы: Функция $Y = \sqrt{x}$ и ее график
Основной вид учебной деятельности	Урок закрепления и систематизации знаний

Ход урока

І. Организационный этап.

- Доброе утро, ребята! Данный урок мы посвятим решению типовых задач на построение графика функции $y = \sqrt{x}$.

II. Обобщение и систематизация знаний.

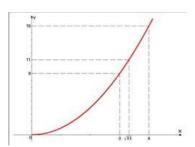
Откройте учебник алгебры на стр. 144 Прочтите теоретический материал § 18

Вспомним определение квадратного корня.

Определение. **Квадратным корнем** из неотрицательного числа a называется такое неотрицательное число b , квадрат которого равен a .

$$\begin{cases} \sqrt{a} = b \\ a \ge 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (b)^2 = a \\ b \ge 0 \end{cases}$$

Изобразим график $y = x^2, x \ge 0$ — это правая ветвь параболы (рис. 1).



На графике наглядно виден смысл вычисления квадратного корня. Например, если рассмотреть ординату 16, то ей будет соответствовать абсцисса 4, т. к. $\sqrt{16} = 4 \Leftrightarrow 4^2 = 16$. Аналогично, ординате 9 на графике соответствует точка с абсциссой 3, поскольку $\sqrt{9} = 3 \Leftrightarrow 3^2 = 9$, ординате 11 соответствует абсцисса $\sqrt{11}$, т. к. $\left(\sqrt{11}\right)^2 = 16$ (квадратный корень из 11 не извлекается в целых числах).

Теперь вспомним график функции $y = \sqrt{x}$ (рис. 2).

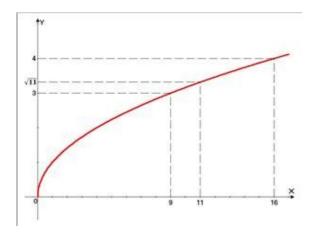


Рис. 2.

На графике для наглядности изображены несколько точек, ординаты которых вычисляются с помощью извлечения квадратного корня: $\begin{cases} x = 9 \\ y = \sqrt{9} = 3 \end{cases}, \begin{cases} x = 16 \\ y = \sqrt{16} = 4 \end{cases}, \begin{cases} x = 11 \\ y = \sqrt{11} \end{cases}.$

Пример 1. Постройте и прочтите график функции: а) $y = \sqrt{x+1}$, б) $y = \sqrt{x-1}$

Решение. а) Построение начинается с простейшего вида функции, т. е. в данном случае с графика $y = \sqrt{x}$ (пунктиром). Затем для построения искомого графика график функции $y = \sqrt{x}$ необходимо сдвинуть влево на 1 (рис. 3). При этом все точки графика сдвинутся на 1 влево, например, точка с координатами (1;1) перейдет в точку с координатами (0;1). В результате получаем искомый график (красная кривая). Проверить такой способ легко при подстановке нескольких значений аргумента.

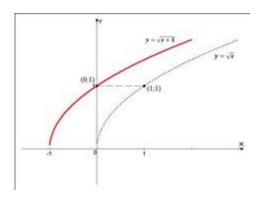


Рис. 3.

Прочтем график: если аргумент меняется от $^{-1}$ до $^{+\infty}$, функция возрастает от 0 до $^{+\infty}$. Область определения (ОДЗ) при этом требует, чтобы подкоренное выражение было неотрицательным, т. е. $x+1 \ge 0 \Rightarrow x \ge -1$.

Для построения графика функции $y = \sqrt{x-1}$ поступим аналогичным образом.

Сначала строим график $y = \sqrt{x}$ (пунктиром). Затем для построения искомого графика график функции $y = \sqrt{x}$ необходимо сдвинуть вправо на 1 (рис. 4). При этом все точки графика сдвинутся на 1 вправо, например, точка с координатами (1;1) прейдет в точку с координатами (2;1). В результате получаем искомый график (красная кривая).

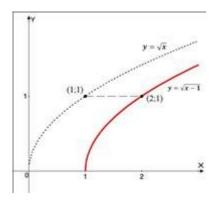


Рис. 4.

Прочтем график: если аргумент меняется от 1 до $^{+\infty}$, функция возрастает от 0 до $^{+\infty}$. Область определения (ОДЗ) аналогична предыдущему случаю: $x-1 \geq 0 \Rightarrow x \geq 1$.

Замечание. На указанных примерах несложно сформулировать правило построения функций вида:

 $\begin{cases} y(x+a)$ получается смещением y(x) влево вдоль оси 0x на a , при a>0 y(x-a) получается смещением y(x) вправо вдоль оси 0x на a , при a>0

Пример 2. Постройте и прочтите график функции: а) $y = \sqrt{x} + 2$, б) $y = \sqrt{x} - 1$.

Решение. а) Этот пример также демонстрирует преобразование графиков функций, но только уже другого типа. Начинаем построение с простейшей функции $y = \sqrt{x}$ (пунктиром). Затем график построенной функции смещаем на 2 вверх и получаем на рисунке 5 искомый график (красная кривая). Точка с координатами (1;1) при этом, например, переходит в точку (1;3).

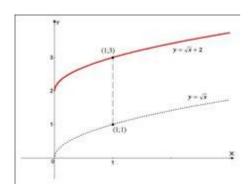


Рис. 5.

Прочтем график: если аргумент меняется от 0 до $^{+\infty}$, функция возрастает от 2 до $^{+\infty}$. Область определения (ОДЗ): $^{x \geq 0}$.

б) Также начинаем построение с простейшей функции $y = \sqrt{x}$ (пунктиром). Затем график построенной функции (рис. 6) смещаем на 1 вниз и получаем искомый график (красная кривая). Точка с координатами (1;1) при этом, например, переходит в точку (1;0).

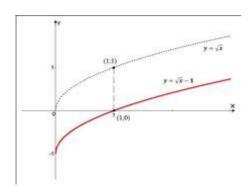


Рис. 6.

Прочтем график: если аргумент меняется от 0 до $^{+\infty}$, функция возрастает от $^{-1}$ до $^{+\infty}$. Область определения (ОДЗ): $^{x \geq 0}$.

Замечание. С помощью указанных примеров сформулируем правило построения функций вида:

$$\{y(x)+a$$
 получается смещением $y(x)$ вверх вдоль оси $0y$ на a , при $a>0$ $y(x)-a$ получается смещением $y(x)$ вниз вдоль оси $0y$ на a

Пример 3. Постройте и прочтите график функции $y = \sqrt{x-1} + 2$.

Решение. Метод построения указанной функции представляет собой комбинацию двух методов, которые мы видели в предыдущих примерах. Сначала строим основную функцию $y = \sqrt{x}$ (пунктиром), затем смещаем ее на 1 вправо и на 2 вверх (рис. 7). При этом, например, точка с координатами (1;1) сначала перейдет в точку (2;1), а затем в точку (2;3). Искомая кривая изображена красным цветом.

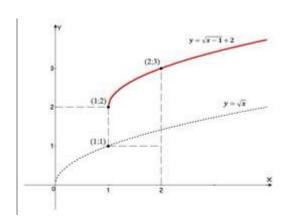


Рис. 7.

Прочтем график: если аргумент меняется от 1 до $^{+\infty}$, функция возрастает от 2 до $^{+\infty}$. Область определения (ОДЗ) – подкоренное выражение неотрицательно: $x-1 \geq 0 \Rightarrow x \geq 1$.

Замечание. Как видно на указанном примере, преобразования графиков функций, которые мы рассмотрели, можно применять последовательно в комплексе.

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{x}, \text{ если } x \in [0;1) \\ \frac{1}{x}, \text{ если } x \in [1;+\infty) \end{cases}$$
.

Решение. Для построения данной составной функции изображаем ее части в приведенных диапазонах построения (рис. 8). Для этого сначала изображаем пунктиром всю функцию $y = \sqrt{x}$, затем всю функцию $y = \frac{1}{x}$, а затем наводим (красная кривая) только те их области, которые заданы условием задачи. Сливаются два участка кривой в точке с координатами (1;1).

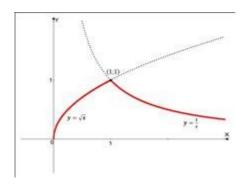


Рис. 8.

Прочтем график: если аргумент меняется от 0 до 1, функция возрастает от 0 до 1 , если аргумент меняется от 1 до $^{+\infty}$, функция убывает от 1 до 0. Область определения (ОДЗ) – подкоренное выражение неотрицательно: $^{x \geq 0}$.

Пример на решение системы уравнений с квадратным корнем

Пример 5. Графически решить систему уравнений
$$\begin{cases} y = \sqrt{x} \\ y = x^2 \end{cases}$$

Решение. Для решения системы графическим способом необходимо построить графики функций (рис. 9), представляющих собой уравнения системы, и определить координаты их точек пересечения.

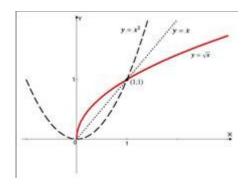


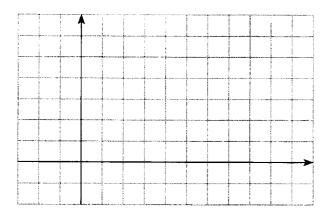
Рис. 9.

На графике изображен полезный факт, демонстрирующий, что графики квадратичной функции и квадратного корня симметричны относительно графика функции y=x. По графику видно, что имеем две точки пересечения, т. е. система имеет два решения. Для определения точных значений этих решений подставим стандартные значения аргумента в обе исследуемые функции: 0 и 1. При этом получим: $\sqrt{0} = 0^2 = 0$ и $\sqrt{1} = 1^2 = 1$, т. е. координаты точек пересечения x=0 (x=1) графиков и решения системы: y=0 и y=1.

Ответ. (0;0), (1;1).

III. Контроль и коррекция знаний

Домашняя работа на 25.05 \S 18 Выполните упражнения Постройте график функции $y = \sqrt{x}$, предварительно заполнив таблицу.



x	0	1	4	6,25	9
y					

Решите графически уравнение:

a)
$$\sqrt{x} = 6 - x$$
;

$$6) \ \sqrt{x} = \frac{4}{x};$$

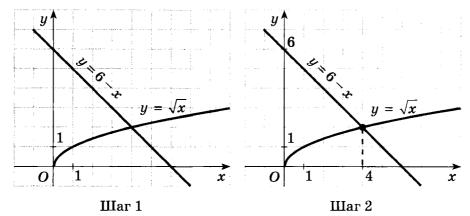
6)
$$\sqrt{x} = \frac{4}{x}$$
; B) $-x - 5 = \sqrt{x}$.

Образец

$$\sqrt{x} = 6 - x.$$

Решение.

- **1.** Вводим функции: $y = \sqrt{x}$ и y = 6 x.
- 2. Строим графики этих функций (шаг 1).



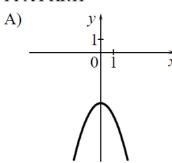
3. Отмечаем точку пересечения графиков, находим её абсциссу (шаг 2).

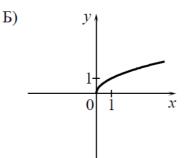
Ответ: 4.

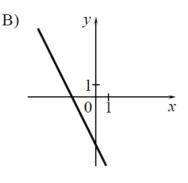
Прототип задания № 11 ОГЭ

Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.

ГРАФИКИ







ФОРМУЛЫ

1)
$$y = -x^2 - 4$$

$$y = -2x - 4$$

3)
$$y = \sqrt{x}$$

В таблице под каждой буквой укажите соответствующий номер.

Ответ:

Α	Б	В

Фото/или скриншот домашнего задания высылайте на почту: guseva klass2020@mail.ru